

Nº 1: Se tienen dos vectores $\mathbf{A} = 3\mathbf{a}_x + 4\mathbf{a}_y$ y \mathbf{B} . Se sabe que

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = -75$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -100\mathbf{a}_z$$

Determinar \mathbf{B} y el ángulo θ_{AB} entre los dos vectores.

Valor: 6 puntos

Nº 2: Dado el campo vectorial

$$\mathbf{F} = xy^2z \mathbf{a}_x + x^2yz \mathbf{a}_y + xyz^2 \mathbf{a}_z$$

encontrar la componente F_ϕ en coordenadas: a) cilíndricas circulares; b) esféricas.

Valor: 6 puntos

Nº 3: Para el campo vectorial \mathbf{G} dado, encontrar su integral de línea en el trayecto a-b ilustrado en la figura P3, en coordenadas: a) cartesianas y b) cilíndricas circulares.

$$\mathbf{G} = xy\mathbf{a}_x + y^2\mathbf{a}_y + 2\mathbf{a}_z$$

Valor: 6 puntos.

Nº 4: Para el campo \mathbf{Q} dado verificar el teorema de Stokes cuando la trayectoria L es el borde circular del vaso cónico ilustrado en la figura P4 y S es la superficie cónica del vaso.

$$\mathbf{Q} = r\sin\theta\mathbf{a}_r + r\cos\theta\mathbf{a}_\theta + r\mathbf{a}_\phi$$

Valor: 7 puntos.

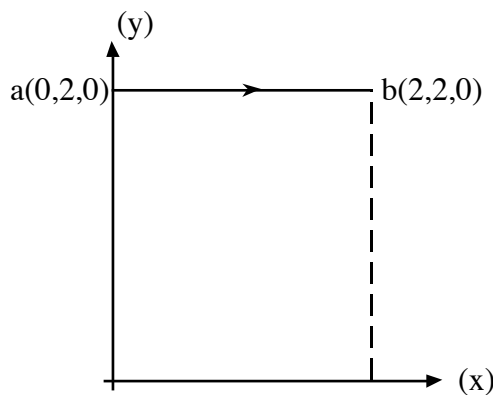


Figura P3

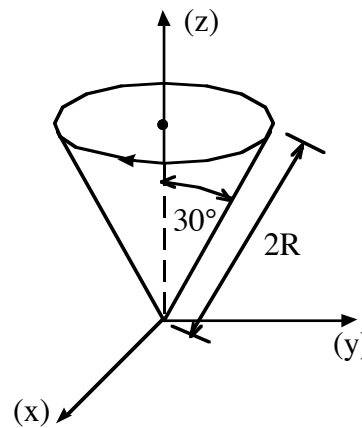


Figura P4

Examen a libro abierto.

Duración máxima: 1 hora 45 minutos.

II/imac

Enero 2005